الامتحان الوطني المو	ž
الدورة العادية	4
الموضو	ز
,,	4

المملكة المغريية وزارة التربيسة الوطنية تحنث التعبل حمي

حد للبكالوريا 2009

المركز الوطنى للتقويم والامتحانات

D1565 C:NS22

7	المعامل:
3	مدة الإنجاز:

	الرياضيات	المــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
مسلله مها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها	شعبة العلوم التجريبية ب	الشعب (ة) أو المسلك:

يسمم باستعمال الآلة الحامية غير القابلة للبرمجة .

التمرين الأول (3ن)

0.75

0.5

0.5

0.5

9.75

1

0.75

0.5

0.75

1.5

B(6,6,0) و A(-2,2,8) النقط المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(0,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ ، النقط \overrightarrow{MA} . $\overrightarrow{MB} = 0$ و C(2,-1,0) و D(0,1,-1) و C(2,-1,0) و D(0,1,-1)

- (OCD) عدد مثلوث إحداثيات المتجهة $\overrightarrow{OC} \wedge \overrightarrow{OD}$ واستنتج أن x+2y+2z=0 هي معادلة ديكارتية المستوى
 - $\Omega(2,4,4)$ وشعاعها $\Omega(3,4,4)$ عن الفلكة التي مركزها $\Omega(3,4,4)$ وشعاعها
 - . (OCD) عن المستوى Ω النقطة Ω عن المستوى
 - (S) مماس للفلكة ((CD)) مماس للفلكة ((S)

(OCD) من أن OB = OCD ثم استنتج أن النقطة OCD هي نقطة تماس الفلكة OCD والمستوى التمرين الثاني (3 ن)

نعتبر، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(\mathscr{G}, \overrightarrow{u}, \overrightarrow{v})$ ، النقط A و B و C التي $c = 1 - \sqrt{3} + (1 + \sqrt{3})i$ و $b = -\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$ و a = 2 - 2i : الحاقها على التوالي هي

- 1) اكتب على الشكل المثلثي كلا من العددين العقديين a و d .
 - ي نعتبر الدوران R الذي مركزه النقطة O وزاويته $\frac{5\pi}{2}$.
- M من المستوى العقدي و z' لحق النقطة M من المستوى العقدي و z' لحق النقطة M صورة M بالدوران Mz' = bz: بين أن
 - R بالدوران A هي صورة النقطة A بالدوران C
 - . c يين ان $[2\pi]$ arg $c = \arg a + \arg b$ نم حدد عمدة للعدد العقدي

التمرين الثالث (3ن)

يحتوى صندوق على 3 كرات بيضاء و4 كرات سوداء و5 كرات حمراء (الا يمكن التمييز بين الكرات باللمس) . نسحب عشوائيا وتآنيا ثلاث كرات من الصندوق.

- 1) نعتبر الحدثين التاليين:
- " الحصول على ثلاث كرات من نفس اللون " و B :" الحصول على ثلاث كرات مختلفة اللون مثنى مثنى ". A. $P(B) = \frac{3}{11}$ و $P(A) = \frac{3}{44}$: بين أن
 - X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة لثلاث كرات بعدد الألوان التي تحملها X
 - أ- حدد القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X.
 - E(X) ب- حدد قانون احتمال المتغير العشوائى X و احسب الأمل الرياضي

0.25 1.25 الصفحة 2

موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009-الدورة العادية -

مادة: الرياضيات، الشعب ب(ة) أو المسلك: شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها

D1568

التمرين الرابع (2ن)

.
$$J = \int_{-2}^{-1} \ln(2x+6) dx$$
 و $I = \int_{-2}^{-1} \frac{x}{x+3} dx$:

. -3 كان :
$$\frac{x}{x+3} = 1 - \frac{3}{x+3}$$
 كان عدد حقيقي x يخالف (1

 $I = 1 - 3 \ln 2$: ب- بین آن

. J = -I: أباستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن

سألة (ون)

 $f(x) = 2\ln\left(e^x - 2\sqrt{e^x} + 2\right)$: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الدالة العددية

 \cdot (O, \vec{i}, \vec{j}) يرمز للمنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم (C)

$$f$$
 الدالة R الدالة $e^{x}-2\sqrt{e^{x}}+2=\left(\sqrt{e^{x}}-1\right)^{2}+1$ الدالة R الدالة R من R ثم استنتج أن مجموعة تعريف الدالة R . $(\forall x \in IR)$ $A-\frac{2}{\sqrt{e^{x}}}+\frac{2}{e^{x}}>0$: هي R وأن : $0 < x \in IR$

ا احسب $f(x) = \lim_{x \to -\infty} f(x) = \ln 4$ نم بین آن : السب السب السبب السبب السبب (2

$$f'(0) = 0$$
 نکل $f'(x) = \frac{2\sqrt{e^x}\left(\sqrt{e^x} - 1\right)}{\left(\sqrt{e^x} - 1\right)^2 + 1}$: نکل $f'(x) = \frac{2\sqrt{e^x}\left(\sqrt{e^x} - 1\right)}{\left(\sqrt{e^x} - 1\right)^2 + 1}$

ب- ادرس إشارة -1 على R على R واستنتج أن الدالة f تزايدية على المجال -1 وتناقصية على المجال $-\infty$. $-\infty$. $-\infty$ المجال المجال المجال $-\infty$.

.
$$(\forall x \in \mathbb{R})$$
 $f(x) = 2x + 2\ln\left(1 - \frac{2}{\sqrt{e^x}} + \frac{2}{e^x}\right)$: نحقق من أن (4

 $-+\infty$ بجوار (C) بجوار بين أن المستقدم (D) بجوار بعدالته y=2x

•
$$IR$$
 من x کا $e^{x} - 3\sqrt{e^{x}} + 2 = (\sqrt{e^{x}} - 1)(\sqrt{e^{x}} - 2)$: اکا $e^{x} - 3\sqrt{e^{x}} + 2 = (\sqrt{e^{x}} - 1)(\sqrt{e^{x}} - 2)$

.
$$R$$
 على على $\sqrt{e^x}-1$ و $\sqrt{e^x}-2$ على $\sqrt{e^x}-2$ على $\sqrt{e^x}-2$ بادرس إشارة كل من $\sqrt{e^x}-2$

.
$$[0, \ln 4]$$
 کے x کا کی $e^x - 2\sqrt{e^x} + 2 \le \sqrt{e^x}$: نامجال $-2\sqrt{e^x} + 2 \le \sqrt{e^x}$

. [0,ln4] الكل x من المجال $f(x) \le x$ المجال - د - بين ان

6) انشئ المنحنى (
$$C$$
) (نقبل أن للمنحنى (C) نقطني انعطاف أفصول إحداهما أصغر من C و أفصول الأخرى أكبر من C تحديدهما غير مطلوب ونأخذ C (C) .

 $u_{n+1} = f(u_n)$ ل ل ل المتتالية العددية المعرفة بما يلي : $u_0 = 1$ و $u_{n+1} = f(u_n)$ ل ل المتتالية العددية المعرفة بما يلي استعمال نتائج دراسة الدالة u_n

.
$$IN$$
 من n ککل $0 \le u_n \le \ln 4$: بین أن بین (1

. بين أن المتتالية (u_n) تناقصية (2

(3) استنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة وحدد نهايتها

1

0.75

1

1

0.25

0.5

0.25

9.5

0.25

0.5

0.75

0.25

6.75

0.75 0.75

1